

<p>۹۰۰۵۲۰</p>	<p>۱ کلمه یا عبارت مناسب را برای جای خالی تعیین کنید.</p> <p>الف) مجموع ده جمله‌ی نخست دنباله‌ی $\dots, 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}$ برابر است.</p> <p>ب) اگر $x = 2$ یکی از جواب‌های معادله‌ی $(m+7)x + 2 = 2x^2$ باشد، جواب دیگر آن است.</p> <p>پ) دو خط $1 - y = 2x$ و $m y + x = 3$ به ازای m با هم موازیند.</p> <p>ت) اگر $3 - 2x = f(x)$ مقدار $f^{-1}(7)$ برابر است.</p>
<p>۹۰۰۵۲۰</p>	<p>۲ درست یا نادرست بودن هر یک از موارد زیر را بدون ذکر دلیل بنویسید.</p> <p>الف) اگر α و β جواب‌های معادله‌ی $1 - 3x + 1 = x^2$ باشند، آنگاه $\alpha^2\beta + \beta^2\alpha = 3$ است.</p> <p>ب) دو خط به معادلات $3 = y + x$ و $5 = y + 2x$ دو ضلع مجاور یک مربع هستند.</p> <p>پ) رابطه‌ی $25 = y^2 + x^2$ تابع است.</p> <p>ت) تابع $[x] = f(x)$ یک تابع وارون پذیر است.</p> <p>ث) معادله‌ی $0 = x^2 + 2\sqrt{x+2} + 3\sqrt{x-1}$ جواب حقیقی ندارد.</p>
<p>۱</p> <p>۱/۵</p>	<p>۳ در یک دنباله‌ی حسابی، جمله‌ی اول ۳ و مجموع ۱۰ جمله‌ی نخست ۱۶۵ است. قدر نسبت آن را بیابید.</p> <p>۴ همه‌ی صفرهای تابع $f(x) = (4-x^2)^2 - (4-x^2)$ را به دست آورید.</p>

	<p>با توجه به نمودار سهمی f در شکل مقابل ضابطه‌ی تابع $(x)f$ را بنویسید.</p>	۵
۱		
۱/۵	ماشین A کاری را به تنها ی ۱۵ ساعت زودتر از ماشین B انجام می‌دهد. اگر هر دو ماشین این کار را در ۱۸ ساعت انجام دهند، چه زمانی برای ماشین A لازم است تا آن به تنها ی انجام دهد؟	۶
۲	نمودار تابع $ x - f(x)$ را رسم کنید، سپس معادله $ x = f(x)$ را، هم به روش هندسی و هم به روش جبری، حل نمایید.	۷
۱/۵	در مثلث ABC به رئوس $A(-1, 7)$ و $B(-1, 0)$ و $C(3, 3)$ ، طول ارتفاع AH را بدست آورید.	۸
۱	آیا دو تابع $g(x) = \frac{ x }{x^2}$ و $f(x) = \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{ x }$ با هم مساویند؟ چرا؟	۹
۱/۵	به کمک رسم نمودار، بُرد تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & x < 0 \\ \sqrt{x}, & x \geq 0 \end{cases}$ را تعیین کنید.	۱۰
۱/۵	نمودار تابع $f(x) = [2x]$ را در بازه $\left[-\frac{1}{2}, 1\right]$ رسم کنید.	۱۱
۰/۷۵	وارون تابع $f(x) = \sqrt[3]{2x - 1}$ را بنویسید.	۱۲
۱/۵	الف) اگر $f(x) = \sqrt{x-3}$ و $g(x) = \sqrt{5-x}$ ، دامنه‌ی هر یک از توابع gof و fog را محاسبه نمایید.	۱۳
۰/۷۵	ب) با فرض $f(x) = x^4 - x$ و $g(x) = \{(2, 5), (0, 1)\}$ مقدار $(gof)(-1)$ را به دست آورید.	۱۴

		تابع $f(x) = (a - 2)^x$ را در نظر بگیرید.	۱۴
۰/۵		الف) به ازای چه مقداری از a تابع نمایی است؟	
۰/۵		ب) به ازای چه مقداری از a تابع نمایی کاهشی است؟	

جمع نمره ۲

موفق و پیروز باشد

جمع نمره کل: ۲۰